

愛知県公立高校入試過去問 H(23 - B 日程)数学

※ H29年以降=22点【45分】、それ以前=20点【40分】

1. 次の問いに答えなさい。

(1) $3 + (-12) + (-4)^2$ を計算しなさい。

(2) $\frac{1}{3}(x-6) - \frac{1}{4}(x-8)$ を計算しなさい。

(3) $\sqrt{32} - \sqrt{72} + \sqrt{18}$ を計算しなさい。

(4) $9a^2b \div (-6ab) \times 2a$ を計算しなさい。

(5) $(x + 4y)(x - 4y) + 6xy$ を因数分解しなさい。

(6) 方程式 $x^2 - 7x + 8 = 0$ を解きなさい。

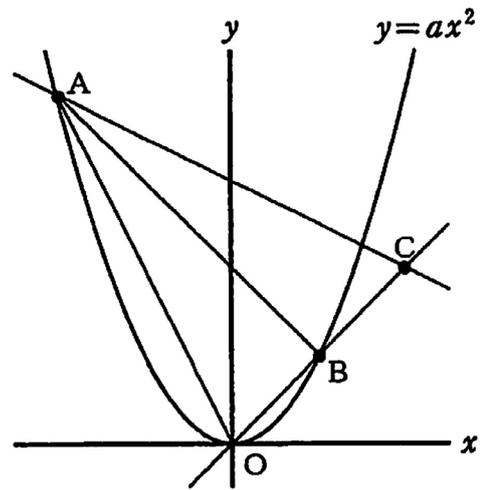
(7) 関数 $y = 2x^2$ について、 x の値が2から5まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

2.

(1) AさんとBさん2人の所持金を合計すると5000円であった。2人とも400円の買い物をしたところ、Aさんの所持金はBさんの所持金の2倍となった。Aさんの買い物をする前の所持金は何円か、求めなさい。

(2) 円すいの底面の半径を $\frac{1}{3}$ 倍、高さを5倍にすると体積はもとの円すいの何倍になるか、求めなさい。

- (3) 図で、 O は原点、 A 、 B は関数 $y = ax^2$ (a は定数)のグラフ上の点で、 C は直線 OB 上の点である。
- 点 A の x 座標が -4 で、点 B の座標が $(2, 2)$ であるとき、次の①、②の問いに答えなさい。
- ただし、点 C の x 座標は正とする。
- ① a の値を求めなさい。
 - ② $\triangle AOC$ の面積が $\triangle AOB$ の面積の2倍となるとき、直線 AC の式を求めなさい。



(4) 平行四辺形ABCDで、2点E、Fが対角線BD上にあり、BE=DFである。

ただし、線分BEの長さは線分BFの長さより短いものとする。

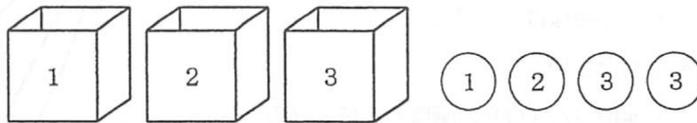
このとき、四角形AECFは平行四辺形であることを次のように証明したい。

(I) , (II) , (III) にあてはまる最も適当なものを、下のアからカまでの中からそれぞれ選んで、そのかな符号を書きなさい。

(証明) $\triangle AED$ と $\triangle CFB$ で、
 四角形ABCDは平行四辺形だから、 $AD=CB$ ①
 BE=DFだから、 $ED=FB$ ②
 $AD\parallel BC$ で、(I) は等しいから、(II) ③
 ①, ②, ③から、2辺とその間の角が、それぞれ等しいので、
 $\triangle AED\equiv\triangle CFB$
 合同な三角形では、対応する辺の長さや角の大きさは等しいので、
 $AE=CF$ ④
 (III) ⑤
 ⑤から、(I) が等しいので、 $AE\parallel CF$ ⑥
 ④, ⑥から、1組の向かいあう辺が、等しくて平行であるので、
 四角形AECFは平行四辺形である。

ア 対頂角	イ 同位角	ウ 錯角
エ $\angle DAE=\angle BCF$	オ $\angle AED=\angle CFB$	カ $\angle ADE=\angle CBF$

(5) 図のように、数字1、2、3を書いた箱がそれぞれ1箱ずつあり、数字1、2を書いた玉がそれぞれ1個ずつと数字3を書いた玉が2個ある。4個の玉から3個を選んで、3つの箱にそれぞれ1個ずつ入れるとき、箱の数字と中に入れた玉の数字が3つの箱とも異なる確率を求めなさい。

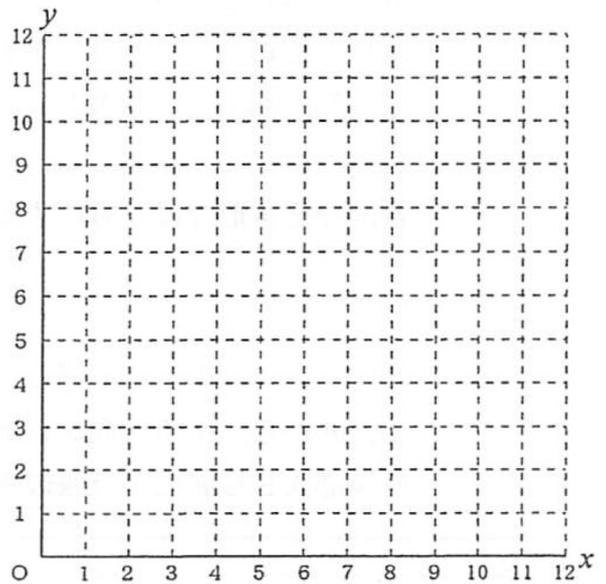
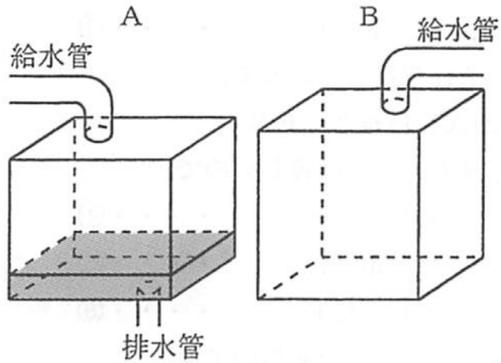


- (6) 容積が 12 m^3 の水そう A と 15 m^3 の水そう B がある。水そう A には水が 2 m^3 入っており、水そう B には水が入っていない。また、水そう A には給水管と排水管がつながっており、水そう B には給水管だけがつながっている。

最初に、水そう A の排水管を閉めたまま両方の給水管を同時に開き、4分後に水そう A の排水管を開いて、それぞれの水そうがいっぱいになるまで水を入れた。

水そう A と水そう B の給水管からはそれぞれ毎分 1.5 m^3 の割合で給水され、水そう A の排水管からは毎分 1 m^3 の割合で排水される時、次の①、②の問いに答えなさい。

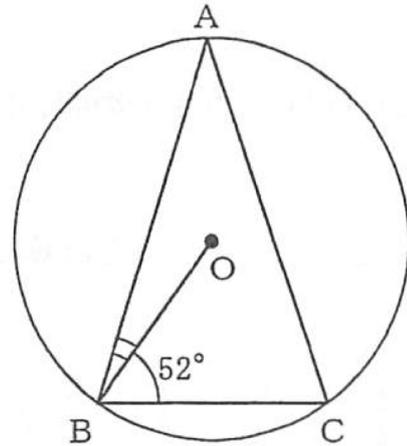
- ① 給水を始めてから x 分後の水そう A の水の量を $y \text{ m}^3$ とする。給水を始めてから水そう A がいっぱいになるまでの x 、 y の関係をグラフに表しなさい。
- ② 2つの水そうの水の量が等しくなるのは給水を始めてから何分後か、求めなさい。



3.

(1) 図で、A、B、Cは円Oの周上の点で、 $AB=AC$ である。

$\angle OBC = 52^\circ$ のとき、 $\angle ABO$ の大きさは何度か、求めなさい。

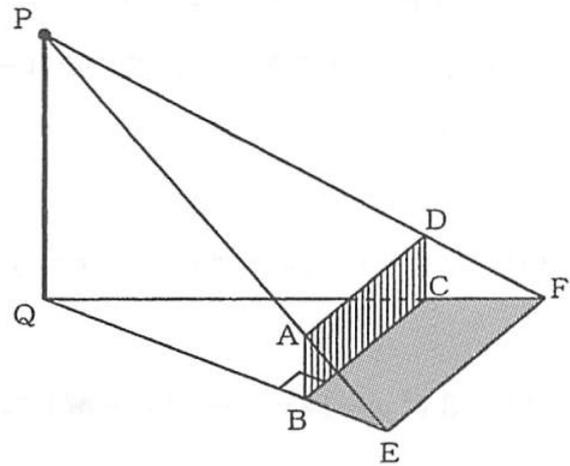


(2) 図のように、街灯PQと長方形の壁ABCDがともに水平な地面に垂直に立っている。街灯の先端Pの位置に電灯がついており、電灯の光によって地面に壁の影BEFCができた。

$AB = 1\text{ m}$, $AD = 3\text{ m}$, $QC = 6\text{ m}$, $CF = 2\text{ m}$, $\angle QBC = 90^\circ$ のとき、次の①、②の問いに答えなさい。

ただし、電灯の大きさ、壁の厚さは考えないものとする。

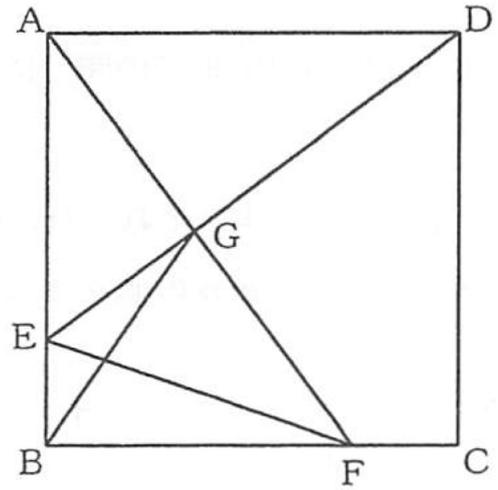
- ① 街灯PQの高さは何mか、求めなさい。
- ② 影BEFCの面積は何 m^2 か、求めなさい。



- (3) 図で、四角形 $ABCD$ は正方形、 E 、 F はそれぞれ辺 AB 、 BC 上の点で、 $AE=3EB$ 、 $BF=3FC$ である。また、 G は線分 AF と DE との交点である。

$AB=4\text{ cm}$ のとき、次の①、②の問いに答えなさい。

- ① 線分 AG の長さは何 cm か、求めなさい。
- ② $\triangle GBF$ の面積は $\triangle GEF$ の面積の何倍か、求めなさい。



愛知県公立高校入試過去問 H(23 - B 日程)数学

※ H29年以降=22点【45分】、それ以前=20点【40分】

1. 次の問いに答えなさい。

(1) $3 + (-12) + (-4)^2$ を計算しなさい。

$$= 3 - 12 + 16 = \underline{7} //$$

(2) $\frac{1}{3}(x-6) - \frac{1}{4}(x-8)$ を計算しなさい。

$$= \frac{4(x-6) - 3(x-8)}{12} = \frac{4x - 24 - 3x + 24}{12} = \underline{\frac{1}{12}x} //$$

(3) $\sqrt{32} - \sqrt{72} + \sqrt{18}$ を計算しなさい。

$$= 4\sqrt{2} - 6\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = (4 - 6 + 3)\sqrt{2} = \underline{\sqrt{2}} //$$

(4) $9a^2b \div (-6ab) \times 2a$ を計算しなさい。

$$= -\frac{9a^2b \times 2a}{6ab}$$

$$= \underline{-3a^2} //$$

重要

$\sqrt{\quad}$ は $\sqrt{\quad}$ の中の数が同じ
場合のみ +, - できる。
そのため 素因数分解して
 $\sqrt{\quad}$ の中の数が同じ $\sqrt{\quad}$ の値
同士を +, - していい!



前から順に計算しても良いが
複雑な計算のとき苦しいので
約分の流れに慣れおこす!

(5) $(x+4y)(x-4y)+6xy$ を因数分解しなさい。

$$\begin{aligned} &= x^2 - (4y)^2 + 6xy \\ &= x^2 - 16y^2 + 6xy \\ &= x^2 + 6xy - 16y^2 \quad \leftarrow \text{※} \\ &= \underline{(x+8y)(x-2y)} \quad \# \end{aligned}$$



加法は交換法則が成り立つので (※) の式変形により、因数分解に気づきやすくなる!

(6) 方程式 $x^2 - 7x + 8 = 0$ を解きなさい。

$$x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \times 1 \times 8}}{2 \times 1} = \frac{7 \pm \sqrt{17}}{2} \quad \#$$

(7) 関数 $y = 2x^2$ について、 x の値が 2 から 5 まで増加するときの変化の割合を求めなさい。

y	$8 \rightarrow 50$
x	$2 \rightarrow 5$

$$\text{変} = \frac{50 - 8}{5 - 2} = \frac{42}{3} = 14 \quad \#$$



公式を理解せか使っている場合は要注意!
他の問題で対応できないので用語の定義を用いて理解しおこら!

- ① 増減表の作成
- ② 変化の割合 = $\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}}$ の利用

2.

- (1) AさんとBさん2人の所持金を合計すると5000円であった。2人とも400円の買い物をしたところ、Aさんの所持金はBさんの所持金の2倍となった。Aさんの買い物をする前の所持金は何円か、求めなさい。

Aさん、Bさんの買い物前の所持金を x 円、 y 円とすると

$$\begin{cases} x + y = 5000 & \dots \textcircled{1} \\ x - 400 = 2(y - 400) & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

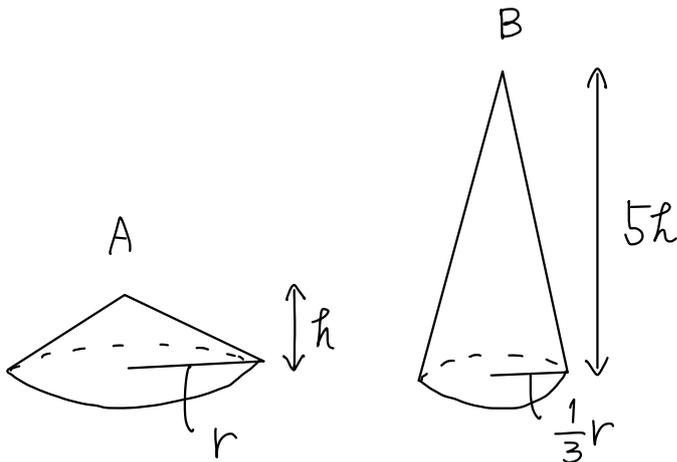
$\textcircled{1} - \textcircled{2}$

$$\begin{array}{r} x + y = 5000 \\ -) x - 2y = -400 \\ \hline 3y = 5400 \\ y = 1800 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} x + 1800 = 5000 \\ x = 3200 \end{array}$$

\therefore Aさんは3200円
持っていた。 //

- (2) 円すいの底面の半径を $\frac{1}{3}$ 倍、高さを5倍にすると体積はもとの円すいの何倍になるか、求めなさい。



A、Bの体積を V_A, V_B とする。

$$\begin{aligned} \textcircled{\ast} V_A &= \pi r^2 \times h \times \frac{1}{3} \\ &= \frac{1}{3} \pi r^2 h \end{aligned}$$

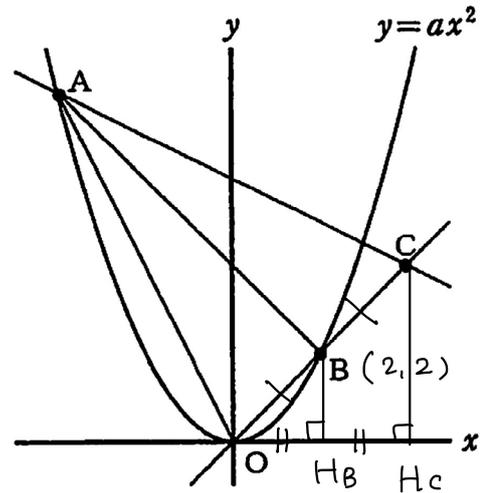
$$\begin{aligned} \textcircled{\ast} V_B &= \pi \left(\frac{1}{3}r\right)^2 \times 5h \times \frac{1}{3} \\ &= \frac{5}{27} \pi r^2 h \end{aligned}$$



体積を明らかにする式
を作るために図を
かくとよい！

$$\frac{5}{27} \div \frac{1}{3} = \frac{5}{9} \text{倍} //$$

- (3) 図で、Oは原点、A、Bは関数 $y=ax^2$ (a は定数) のグラフ上の点で、Cは直線OB上の点である。
 点Aのx座標が-4で、点Bの座標が(2, 2)であるとき、次の①、②の問に答えなさい。
 ただし、点Cのx座標は正とする。
- ① a の値を求めなさい。
 - ② $\triangle AOC$ の面積が $\triangle AOB$ の面積の2倍となるとき、直線ACの式を求めなさい。



① $y=ax^2$ は $B(2, 2)$ を通るので
 $x=2, y=2$ を代入し、
 $2=4a \rightarrow a=\frac{1}{2}$ //

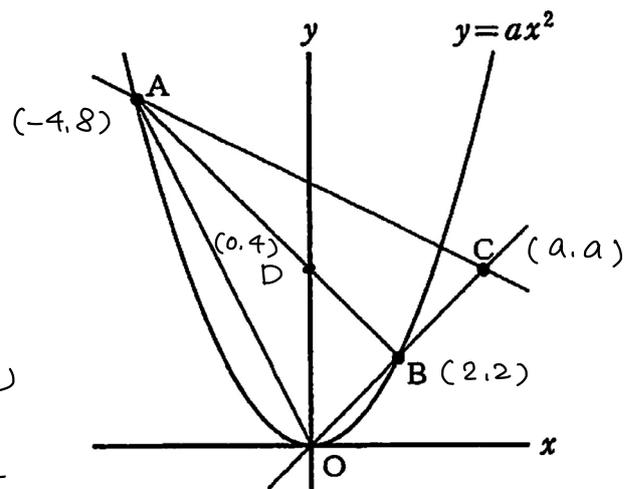
② (アプローチ1) 相似の利用

① $y=\frac{1}{2}x^2$, Aのx座標より $A(-4, 8)$ となる。
 $\triangle AOC = 2\triangle AOB$ であり、 $\triangle OBH_B \sim \triangle OCH_C$ より
 BはOCの中点、 H_B は OH_C の中点となる。

② $BH_B = 2$ なので、 $CH_C = 2 \times BH_B = 4 \therefore C(4, 4)$
 $A(-4, 8), C(4, 4)$ なので $AC: y = -\frac{1}{2}x + 6$ //

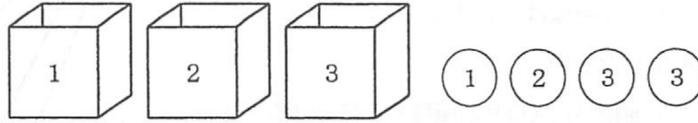
(アプローチ2) 面積を求める

① CはOB上の点+みで (a, a) とおける。
 $AB: y = -x + 4$ なので
 $D(0, 4)$ より
 $\triangle AOB = 4 \times (4+2) \times \frac{1}{2} = 12$
 底辺OD Aのx座標より Bのx座標より

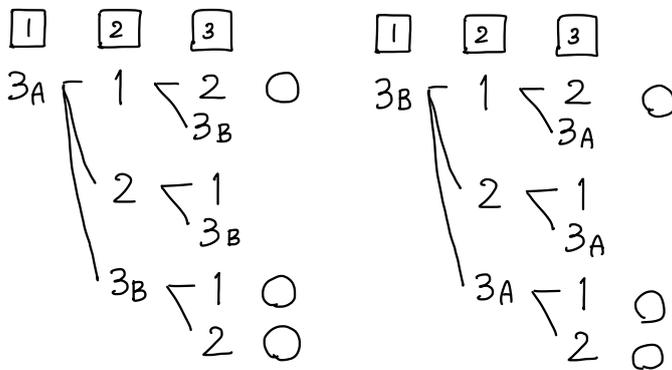
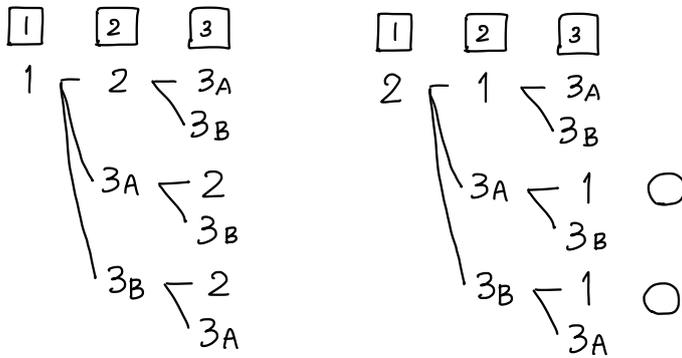


② $\triangle AOC = (a+8) \times (a+4) \times \frac{1}{2}$
 $- (4 \times 8) \times \frac{1}{2} - \frac{1}{2}a^2 = 24$ ($\triangle AOB$ の2倍)
 $\frac{1}{2}a^2 + 6a + 16 - 16 - \frac{1}{2}a^2 = 24, a=4 \therefore C(4, 4)$
 あとはアプローチ1と同じ。

(5) 図のように、数字1, 2, 3を書いた箱がそれぞれ1箱ずつあり、数字1, 2を書いた玉がそれぞれ1個ずつと数字3を書いた玉が2個ある。4個の玉から3個を選んで、3つの箱にそれぞれ1個ずつ入れるとき、箱の数字と中に入れた玉の数字が3つの箱とも異なる確率を求めなさい。



① 玉③の2つを (3A) (3B) と区別し、箱をそれぞれ [1] [2] [3] とする。数字と箱の番号が異なるものを○つける。



$$\frac{8}{24} = \frac{1}{3} //$$



樹形図をかきとき
何に何をあてはめるかを
明らかにする。

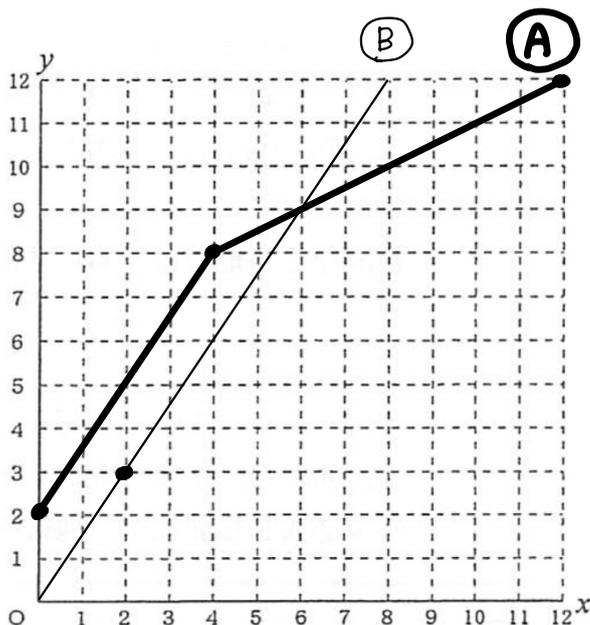
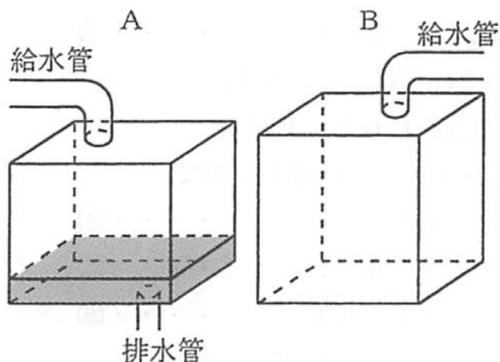
[1]
3A 区別も必要。

- (6) 容積が 12 m^3 の水そうAと 15 m^3 の水そうBがある。水そうAには水が 2 m^3 入っており、水そうBには水が入っていない。また、水そうAには給水管と排水管がつながっており、水そうBには給水管だけがつながっている。

最初に、水そうAの排水管を閉めたまま両方の給水管を同時に開き、4分後に水そうAの排水管を開いて、それぞれの水そうがいっぱいになるまで水を入れた。

水そうAと水そうBの給水管からはそれぞれ毎分 1.5 m^3 の割合で給水され、水そうAの排水管からは毎分 1 m^3 の割合で排水される時、次の①、②の問いに答えなさい。

- ① 給水を始めてから x 分後の水そうAの水の量を $y \text{ m}^3$ とする。給水を始めてから水そうAがいっぱいになるまでの x, y の関係をグラフに表しなさい。
 ② 2つの水そうの水の量が等しくなるのは給水を始めてから何分後か、求めなさい。



① ① Aは最初に 2 m^3
 入っているので $(0, 2)$ を通る。

② 最初の4分間は $1.5 \text{ m}^3/\text{分}$ で
 増えるので $(4, 2 + 1.5 \times 4)$
 $= (4, 8)$ を通る。

③ 4分後以降は $1.5 - 1 = 0.5 \text{ m}^3/\text{分}$ で増えるので
 満タンの 12 m^3 までの残り $12 - 6 = 6 \text{ m}^3$ を $6 \div 0.5 = 12$
 12分間で入れる。 $(4 + 12, 12) = (16, 12)$ を通る。

② Bが通る点を見つける。

① 始めは 0 m^3 なので $(0, 0)$ を通る。

② $1.5 \text{ m}^3/\text{分}$ で満タン 15 m^3 なので $15 \div 1.5 = 10$ 分間
 $(10, 15)$ を通る。

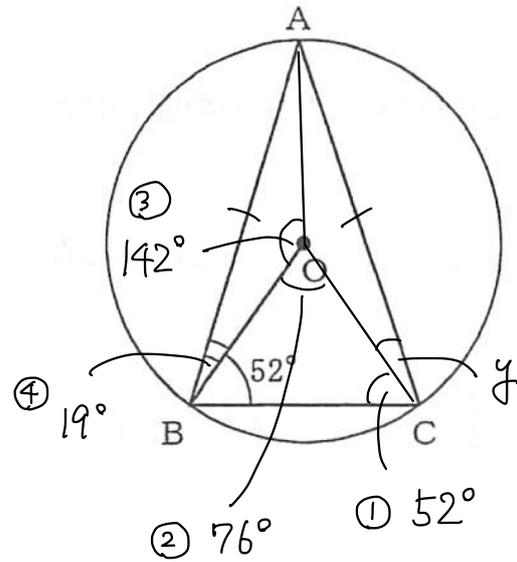
しかし $(10, 15)$ はグラフ上では点かといふよりも傾きが $\frac{15}{10}$ なので
 $(2, 3)$ であり。交点のx座標は6なので

6分後 //

3.

(1) 図で、A、B、Cは円Oの周上の点で、 $AB=AC$ である。

$\angle OBC = 52^\circ$ のとき、 $\angle ABO$ の大きさは何度か、求めなさい。



① OC を引くと、 $\triangle OBC$ は $OB = OC$ の二等辺三角形で $\angle OCB = \angle OBC = 52^\circ$

② $\triangle OBC$ より $\angle BOC = 180^\circ - 52^\circ \times 2 = 76^\circ$

③ $AB = AC$ より $\angle AOB = \angle AOC = \frac{360^\circ - 76^\circ}{2} = 142^\circ$

④ $\triangle OAB$ は $OA = OB$ の二等辺三角形なので $\angle ABO = \frac{180^\circ - 142^\circ}{2} = 19^\circ$



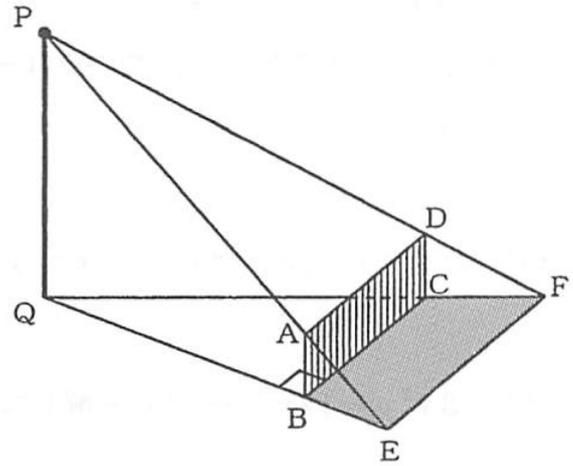
円の問題は、半径から作られる二等辺三角形や円周角の定理を用いての角の大きさの関係に注目して進めよう

(2) 図のように、街灯PQと長方形の壁ABCDがともに水平な地面に垂直に立っている。街灯の先端Pの位置に電灯がついており、電灯の光によって地面に壁の影BEFCができた。

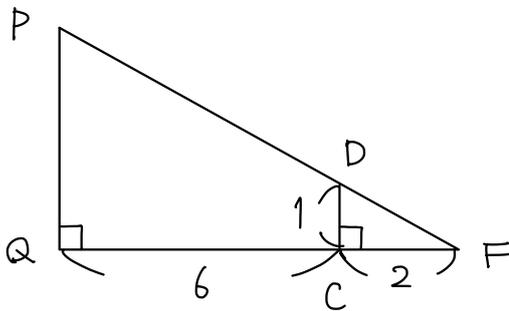
AB=1 m, AD=3 m, QC=6 m, CF=2 m,
 $\angle QBC=90^\circ$ のとき、次の①、②の問いに答えなさい。

ただし、電灯の大きさ、壁の厚さは考えないものとする。

- ① 街灯PQの高さは何mか、求めなさい。
 ② 影BEFCの面積は何 m^2 か、求めなさい。

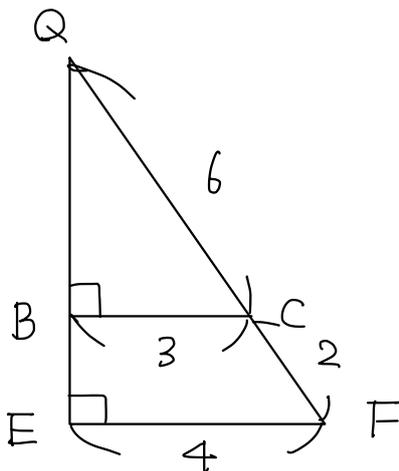


①



DC = AB = 1 m より、
 $\triangle PQF \sim \triangle DCF$ け
 $QF : CF = 8 : 2 = 4 : 1$ 。
 $\therefore 4 : 1 = PQ : 1$
 $PQ = 4 \text{ m}$ //

②



① $\triangle QBC \sim \triangle QEF$ より
 $8 : 6 = EF : 3$
 $EF = 4$

② $QB = 3\sqrt{3}$ より
 $BE = \sqrt{3}$

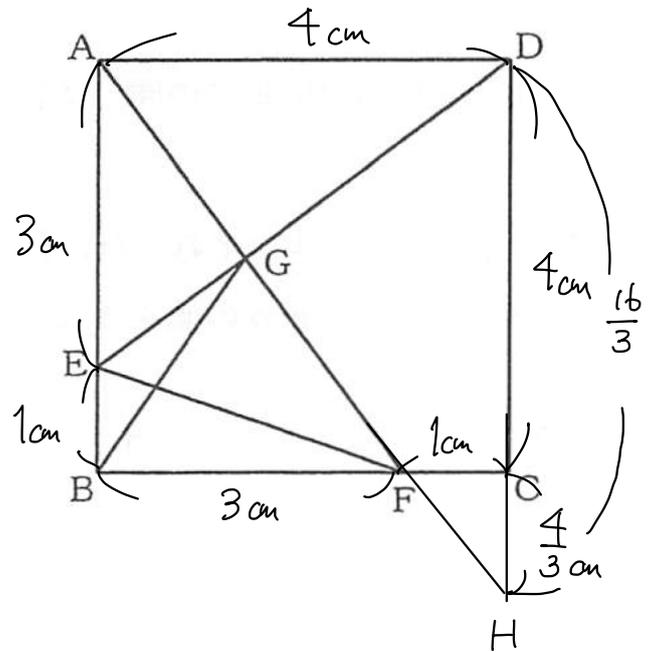
\therefore 四角形 BEFC = $(BC + EF) \times BE \times \frac{1}{2}$
 $= (3 + 4) \times \sqrt{3} \times \frac{1}{2}$
 $= \frac{7\sqrt{3}}{2} \text{ (m}^2\text{)}$ //



空間図形は
 平面で考える!

(3) 図で、四角形ABCDは正方形、E、Fはそれぞれ辺AB、BC上の点で、 $AE=3EB$ 、 $BF=3FC$ である。また、Gは線分AFとDEとの交点である。
 $AB=4\text{ cm}$ のとき、次の①、②の問いに答えなさい。

- ① 線分AGの長さは何cmか、求めなさい。
 ② $\triangle GBF$ の面積は $\triangle GEF$ の面積の何倍か、求めなさい。



①
(アプローチ1)

① 正方形で、1辺が 4 cm .

1:3の比より長さが

$$AE = BF = 3\text{ cm}$$

$$EB = FC = 1\text{ cm} \text{ と決まる。}$$

② 求めたいAGを含む相似な三角形を見つける。

AFとDCの延長線の交点をHとする。

$\triangle ABF \sim \triangle HCF$ は $BF:CF = 3:1$ より

$$AB:HC = 3:1$$

$$4:HC = 3:1 \quad HC = \frac{4}{3}\text{ cm}$$

$$\therefore DH = DC + CH = 4 + \frac{4}{3} = \frac{16}{3}\text{ cm}$$

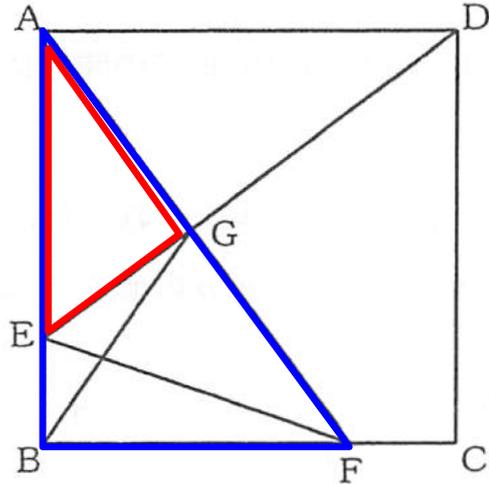
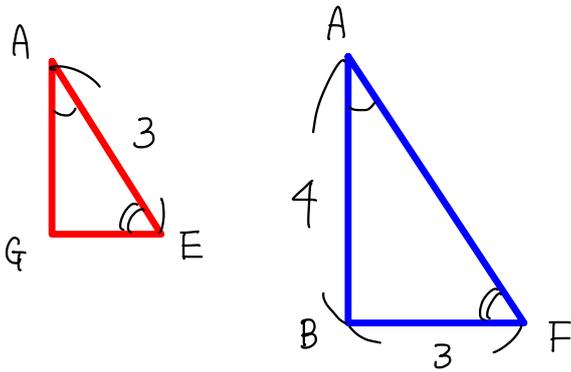
$$\begin{aligned} \textcircled{2} \triangle AEG \sim \triangle HDG \text{ で } AG:HG &= EA:DH \\ &= 3:\frac{16}{3} = 9:16 \end{aligned}$$

$\triangle ADH$ において三平方の定理より

$$AH = \sqrt{AD^2 + DH^2} = \sqrt{4^2 + \left(\frac{16}{3}\right)^2} = \frac{20}{3}\text{ cm}$$

$$AG = AH \times \frac{9}{25} = \frac{20}{3} \times \frac{9}{25} = \frac{12}{5}\text{ (cm)} //$$

① (アプローチ2)



- ① $\triangle AED \cong \triangle BFA$ より
 $\angle AED = \angle BFA \dots ①$
 $\angle GAE = \angle BAF$ (共通) $\dots ②$

①, ②より
 $\triangle AGE \sim \triangle ABF$

- ② $\triangle ABF$ において平方の定理より $AF = 5 \text{ cm}$
 $\triangle AGE \sim \triangle ABF$ において
 $AE : AF = AG : AB$
 $3 : 5 = AG : 4$

$$5AG = 12$$

$$AG = \frac{12}{5} \text{ cm} //$$

② $\triangle GBF$ の面積は $\triangle GEF$ の面積の何倍か、求めなさい。

- ① $AF = 5$, $AG = \frac{12}{5}$ より
 $GF = \frac{13}{5}$

- ② $\triangle GBF = \triangle ABF \times \frac{13}{25} \dots ①$
 $(AG : GF = 12 : 13)$

- $\triangle GEF = \triangle ABF \times \frac{3}{4} \times \frac{13}{25} \dots ②$
 $(AE : EB = 3 : 1)$

①, ②より $② \times \frac{4}{3} = ①$ なので $\frac{4}{3}$ 倍

//

