

高校入試過去問(愛知高校) (H30)年数学

(100点満点(45)分))

1.

(1) $3\sqrt{2} - \sqrt{8} + \sqrt{72}$ を計算しなさい。

(2) $\left(\frac{1}{2}xy\right)^3 \div \left(-\frac{1}{3}x^2y\right)^2 \times \frac{4}{3}xy$ を計算しなさい。

(3) 2次方程式 $x^2 - 10x + a = 0$ の1つの解が $5 + \sqrt{7}$ であるとき、 a の値を求めなさい。

(4) 2次関数 $y = x^2$ において、 x の変域が $-6 \leq x < 5$ のとき、 y の変域で最も適切なものを以下のア~エの中から1つ選びなさい。

ア. $25 < y \leq 36$ イ. $0 < y \leq 36$ ウ. $0 \leq y < 25$ エ. $0 \leq y \leq 36$

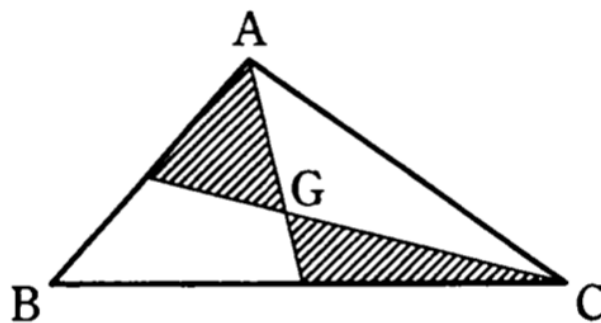
(5) 原価に対して2割の利益があるように定価を付けた商品がある。この商品を定価の1割引きで売ったところ、利益は2000円となった。このとき、原価を求めなさい。

(6) たて168cm, よこ180cm の長方形の床に, 正方形のタイルを隙間なく敷き詰める。タイルをできるだけ大きくしたときの1辺の長さを求めなさい。

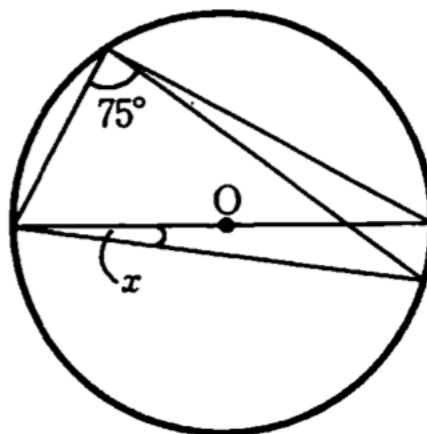
(7) 右の表は, 20人があるテストを行ったときの得点を表したものである。このとき, 全員の得点の平均値を求めなさい。

階級(点)	度数(人)
50 ^{以上} ~ 60 ^{未満}	4
60 ~ 70	1
70 ~ 80	10
80 ~ 90	3
90 ~ 100	2
計	20

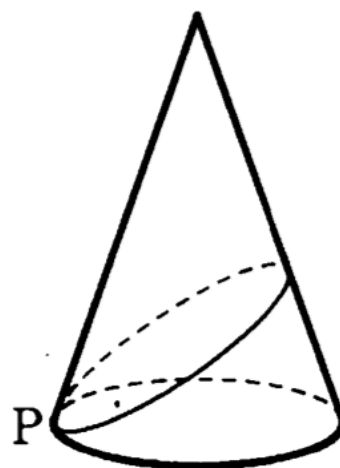
- (8) 右の図において、点Gは $\triangle ABC$ の重心である。 $\triangle ABC$ の面積が 30cm^2 であるとき、斜線部分の面積の和を求めなさい。



- (9) 右の図において、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。ただし、点 O は円の中心である。



- (10) 右の図のように、底面の直径が4 cm、母線の長さが8 cmの円錐がある。底面の円周上の1点Pから円錐の側面に糸を1巻きさせる。糸の長さが最も短くなる時、その長さを求めなさい。

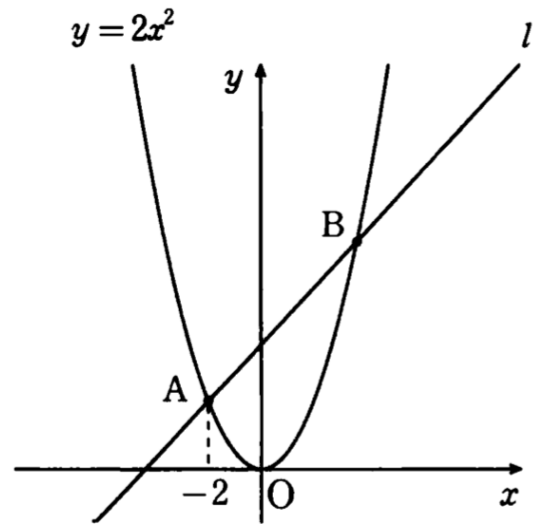


2.

図のように、関数 $y = 2x^2$ のグラフと直線 l が2点 A, B で交わっている。点 A の x 座標は -2 で、直線 l の傾きは 2 である。

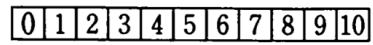
このとき、次の問に答えなさい。

- (1) 直線 l の式を求めなさい。
- (2) 点 B の座標を求めなさい。
- (3) 点 O を通り $\triangle OAB$ の面積を 2 等分する直線の式を求めなさい。



3.

図のように、0から10までのマスがあるすごろくがある。コマは最初0のマスにいて、さいころをふり出た目の数だけコマを右に進める操作を繰り返し、コマがちょうど10のマスに到着するときのみゲームは終了とする。



なお、10のマスを超える場合は、10を超える数だけ10のマスから左にコマを戻し、次の操作からは同様のルールで右にコマを進める。

(例えば、何回かの操作後に9のマスにいて、さいころをふり3の目が出たときは、8のマスに移動し、次に1の目が出たときは9のマスに移動する。その後、ちょうど10のマスに到達するまで続ける。)

このとき、次の問に答えなさい。

- (1) 2回目の操作でゲームが終了する場合は何通りあるか求めなさい。
- (2) 3回目の操作でゲームが終了する場合は何通りあるか求めなさい。

4.

a を正の数とするとき、 a を超えない最大の整数を $[a]$ で表す。

(例) $[2.3] = 2$ $[\sqrt{2}] = 1$

このとき、次の問に答えなさい。

- (1) $[\sqrt{5}]$ の値を求めなさい。
- (2) $[\sqrt{2018}]$ の値を求めなさい。
- (3) $\frac{[\sqrt{2018}]}{\sqrt{m}}$ の値が自然数となるような自然数 m の値はいくつあるか答えなさい。

高校入試過去問(愛知高校) (H30)年数学

(100点満点(45)分)

1.

(1) $3\sqrt{2}-\sqrt{8}+\sqrt{72}$ を計算しなさい。

$$= 3\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + 6\sqrt{2}$$

$$= (3-2+6)\sqrt{2}$$

$$= 7\sqrt{2} \quad \#$$



難関私立の計算は、
どこにも似ているので、
他の学校の過去問も
活用して、素早く正解
できるようにしよう!

(2) $(\frac{1}{2}xy)^3 \div (-\frac{1}{3}x^2y)^2 \times \frac{4}{3}xy$ を計算しなさい。

$$= \frac{x^3y^3}{8} \div \frac{x^4y^2}{9} \times \frac{4xy}{3}$$

$$= \frac{x^3y^3}{8} \times \frac{9}{x^4y^2} \times \frac{4xy}{3}$$

$$= \frac{3}{2}y^2 \quad \#$$

(3) 2次方程式 $x^2-10x+a=0$ の1つの解が $5+\sqrt{7}$ であるとき、 a の値を求めなさい。

[解法1]

解の1つが $5+\sqrt{7}$ なので

$$x = 5 + \sqrt{7}$$

$$x - 5 = \sqrt{7}$$

$$x^2 - 10x + 25 = 7$$

$$x^2 - 10x + 18 = 0$$

$$\therefore a = 18 \quad \#$$

[解法2] (別アプローチ)

$$x = 5 + \sqrt{7} \text{ を}$$

$$\text{与式 } x^2 - 10x + a = 0 \text{ に代入。}$$

$$(5 + \sqrt{7})^2 - 10(5 + \sqrt{7}) + a = 0$$

$$25 + 10\sqrt{7} + 7 - 50 - 10\sqrt{7} + a = 0$$

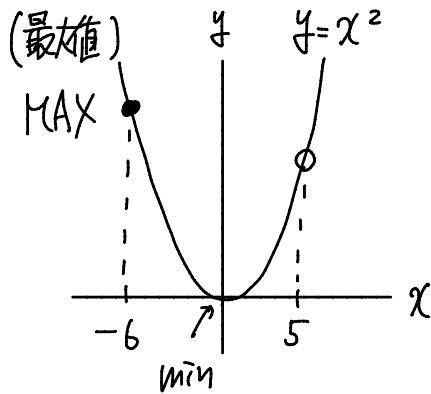
$$a = 18 \quad \#$$



1つの解が...。問題は、
「即代入 (解法2)」以外
の方法を身につけておきたい!

(4) 2次関数 $y = x^2$ において、 x の変域が $-6 \leq x < 5$ のとき、 y の変域で最も適切なものを以下のア~エの中から1つ選びなさい。

- ア. $25 < y \leq 36$ イ. $0 < y \leq 36$ ウ. $0 \leq y < 25$ エ. $0 \leq y \leq 36$



(最値)

y の変域 ... y のとらえる値の範囲

○ y の最大値 ... $x = -6$ のとき かつ

$$x = -6 \text{ を } y = x^2 \text{ に代入し,}$$

$$y = (-6)^2 = \underline{36}$$

○ y の最小値 ... $x = 5$ のとき かつ

$$x = 5 \text{ を代入し } y = 25$$

しかし、 $x = 0$ のとき $y = 0$ にとらえて
最小値は $x = 0$ のときの $y = 0$

$$\therefore \underline{0 \leq y \leq 36} \quad \# \quad \underline{\text{エ}} \quad \#$$



$x = 0$ は $-6 \leq x < 5$
に含まれるので
 y も 0 を含む!

(5) 原価に対して2割の利益があるように定価を付けた商品がある。この商品を定価の1割引きで売ったところ、利益は2000円となった。このとき、原価を求めなさい。

原価 ... x 円
↓ 利益 2割)
定価 ... $1.2x$ 円
↓
売価 ... $1.2x \times 0.9$ ←
1割引き = 9割)

最終利益
2000円



左のよきには、価格の
ゆり変わりを
表すと、式が作りやすい!

$$1.2x \times 0.9 - x = 2000$$

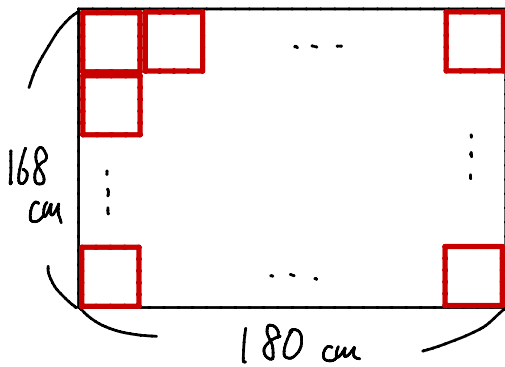
$$1.08x - x = 2000$$

$$0.08x = 2000$$

$$x = 2500$$

$$\underline{2500 \text{ 円}} \quad \#$$

(6) たて168cm, よこ180cmの長方形の床に, 正方形のタイルを隙間なく敷き詰める。タイルをできるだけ大きくしたときの1辺の長さを求めなさい。



縦168cmをうめるには, 168の約数の長さの正方形が必要。

同時に横180cmも対応するには, 168と180の最大公約数の長さをもつ正方形を用いる。

$$168 = 2^3 \times 3 \times 7$$

$$180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$$

↓
最大公約数 ... $2^2 \times 3 = 12$

12cmの正方形 //



最大公約数は素因数分解の共通部分

(7) 右の表は, 20人があるテストを行ったときの得点を表したものである。このとき, 全員の得点の平均値を求めなさい。

階級(点)	度数(人)
50 ^{以上} ~ 60 ^{未満}	4
60 ~ 70	1
70 ~ 80	10
80 ~ 90	3
90 ~ 100	2
計	20

$$\frac{(55 \times 4) + (65 \times 1) + (75 \times 10) + (85 \times 3) + (95 \times 2)}{20}$$

$$= \frac{220 + 65 + 750 + 255 + 190}{20}$$

$$= 74$$

74点 //



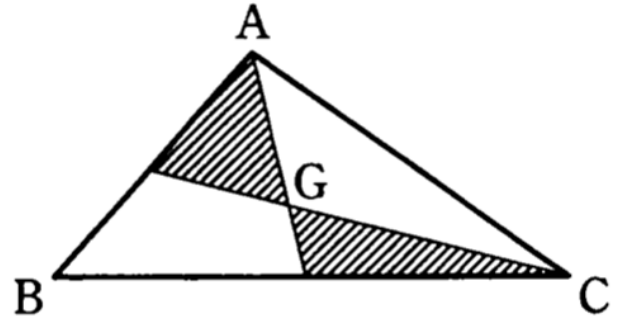
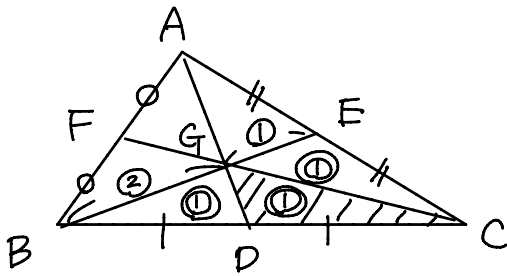
※階級値は,

○以上△未満の○と△の平均値のこと。

度数分布表の平均値

$$= \frac{(\text{各階級値} \times \text{度数}) \text{の和}}{\text{総人数}}$$

(8) 右の図において、点Gは△ABCの重心である。△ABCの面積が30cm²であるとき、斜線部分の面積の和を求めなさい。



- ① 高さが等しい三角形なので
 $\triangle GBD : \triangle GDC = ① : ①$
 重心について $BG : GE = 2 : 1$
 なので $\triangle GBC : \triangle GCE = ② : ①$
 $EC = AE$ より $\triangle ABE = ②$



「重心」
 三角形の中線（頂点と対辺の中点を結んだ線）3本の交点！

- ② 同様に $\triangle AFG = ①$ とわかり
 斜線部の面積は、 $① + ① = ②$
 $\triangle ABC = ⑥$ なので $30 \times \frac{2}{6} = 10 \text{ cm}^2 //$

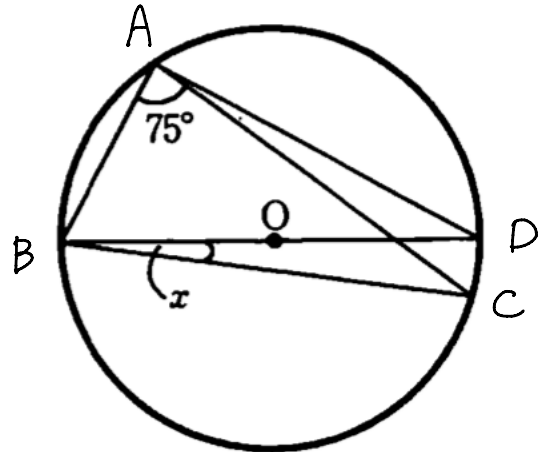
(9) 右の図において、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。ただし、点Oは円の中心である。

図のよりに A, B, C, D をおく。

- ① \widehat{DC} の円周角の定理より
 $\angle DAC = \angle DBC = x$

- ② $\triangle ABD$ において
 BD は直径になるので
 $\angle BAD = 90^\circ$

$\therefore \angle DAC = 90 - 75 = 15 = \angle x$

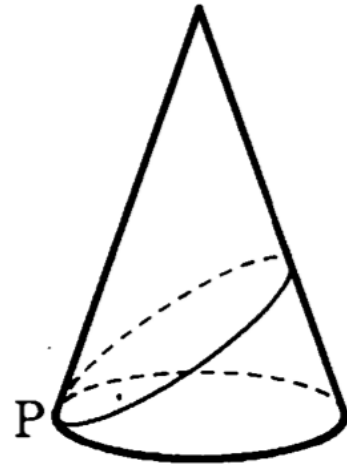
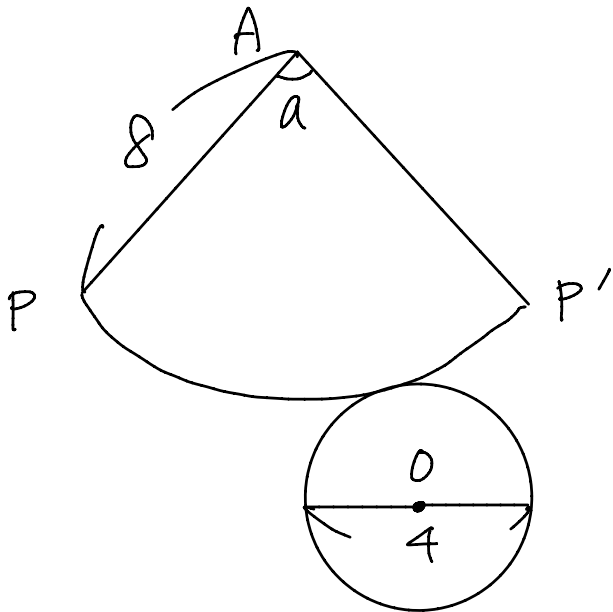


$\angle x = 15^\circ$



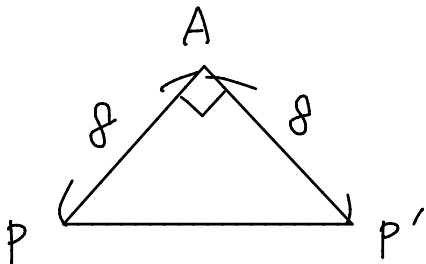
直径を含む三角形は「直角三角形」

(10) 右の図のように、底面の直径が4 cm、母線の長さが8 cmの円錐がある。底面の円周上の1点Pから円錐の側面に糸を1巻きさせる。糸の長さが最も短くなる時、その長さを求めなさい。



おうぎ形の「中心角」を
求めて $\triangle APP'$ で
考える。
↓
底辺 PP' が最短キリ!

$$\begin{aligned} \text{中心角 } a &= 360 \times \frac{\text{底面の円周の長さ}}{\text{おうぎ形の元の円周の長さ}} \\ &= 360 \times \frac{4 \times \pi}{8 \times 2 \times \pi} = 90^\circ \end{aligned}$$




この $PP' = 8\sqrt{2}$

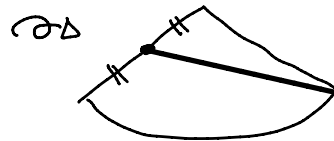
最も短い長さ = $8\sqrt{2}$ cm

重要

1 中心角が 90° または 120° の問題

2  中点からの最短問題

この2つが(主)

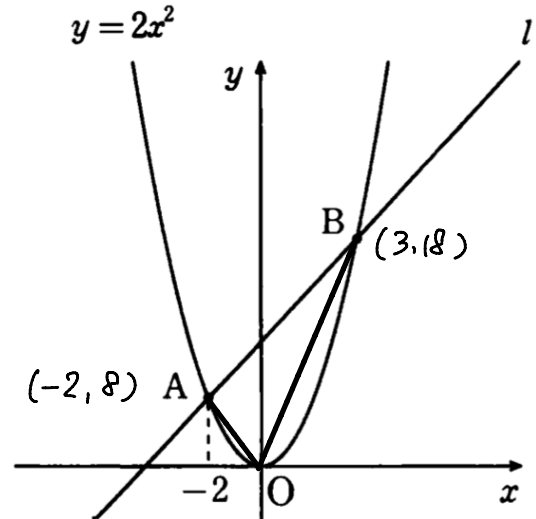


2.

図のように、関数 $y = 2x^2$ のグラフと直線 l が2点 A, B で交わっている。点 A の x 座標は -2 で、直線 l の傾きは 2 である。

このとき、次の問に答えなさい。

- (1) 直線 l の式を求めなさい。
- (2) 点 B の座標を求めなさい。
- (3) 点 O を通り $\triangle OAB$ の面積を 2 等分する直線の式を求めなさい。



(1) A の x 座標が -2 なので

$$y = 2x^2 \text{ より } y = 8$$

$$\therefore A(-2, 8)$$

l の傾きが 2 なので

$$y = 2x + b \text{ とし } A(-2, 8)$$

$$\text{を代入。 } 8 = 2 \times (-2) + b$$

$$b = 12$$

$$l: y = 2x + 12 //$$

(2) 連立方程式
$$\begin{cases} y = 2x^2 \\ y = 2x + 12 \end{cases}$$

の交点 x ので 代入し

$$2x^2 = 2x + 12$$

$$x^2 - x - 6 = 0$$

$$(x-3)(x+2) = 0$$

$$x = 3, -2$$

$$B(3, 18) //$$

- (3) 求める直線は、O と AB の中点 M を通る直線 OM である。

$$M \left(\frac{3+(-2)}{2}, \frac{8+18}{2} \right)$$

$$= M \left(\frac{1}{2}, 13 \right)$$

$$OM \text{ の傾きは } = \frac{13}{\frac{1}{2}} = 26$$

$$\therefore y = 26x //$$

重要

A を通る二等分も

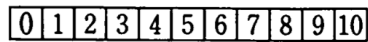
B を通る二等分も

対辺の中点との

直線が求める式!

3.

図のように、0から10までのマスがあるすごろくがある。コマは最初0のマスにいて、さいころをふり出た目の数だけコマを右に進める操作を繰り返し、コマがちょうど10のマスに到着するときのみゲームは終了とする。



なお、10のマスを超える場合は、10を超える数だけ10のマスから左にコマを戻し、次の操作からは同様のルールで右にコマを進める。

(例えば、何回かの操作後に9のマスにいて、さいころをふり3の目が出たときは、8のマスに移動し、次に1の目が出たときは9のマスに移動する。その後、ちょうど10のマスに到達するまで続ける。)

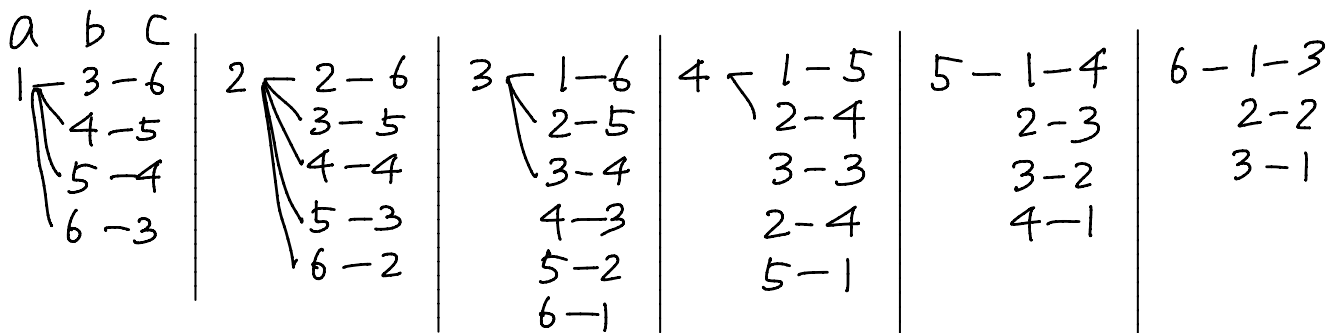
このとき、次の問に答えなさい。

- (1) 2回目の操作でゲームが終了する場合は何通りあるか求めなさい。
- (2) 3回目の操作でゲームが終了する場合は何通りあるか求めなさい。

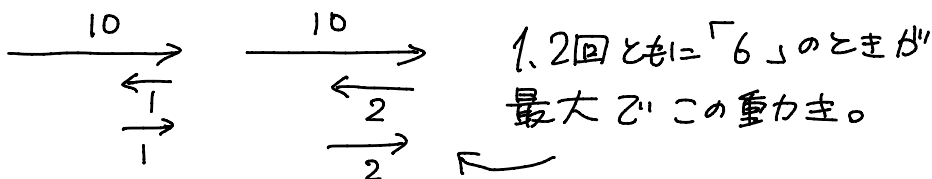
(1) 1回目^aの出目を a , 2回目^bを b とし、
 $a+b=10$ とする 場合の数 を考える。
 $(a,b) = (4,6)(5,5)(6,4)$ の 3通り //

(2) 同様に 3回目^cを c とし、
 $a+b+c=10$ で考える。

(i) 10を超えない場合 ↓ 27通り



(ii) 10を超える場合



$(5,6,1)$ $(6,6,2)$) 以上3通り $\therefore 27+3=30$ 通り //

$(6,5,1)$

4.

a を正の数とするとき、 a を超えない最大の整数を $[a]$ で表す。

(例) $[2.3] = 2$ $[\sqrt{2}] = 1$

このとき、次の問に答えなさい。

(1) $[\sqrt{5}]$ の値を求めなさい。


(2) $[\sqrt{2018}]$ の値を求めなさい。

(3) $\frac{[\sqrt{2018}]}{\sqrt{m}}$ の値が自然数となるような自然数 m の値はいくつあるか答えなさい。

↑
 a の整数部分 ということ。
 ガウス記号 といいます!

(1) $\sqrt{4} < \sqrt{5} < \sqrt{9}$ より $\sqrt{5}$ の整数は 2... より 2
 $\begin{matrix} \sqrt{4} & & \sqrt{9} \\ \parallel & & \parallel \\ 2 & & 3 \end{matrix}$ $\therefore [\sqrt{5}] = \underline{\underline{2}}$


(2) $\sqrt{1936} < \sqrt{2018} < \sqrt{2025}$
 $\begin{matrix} \sqrt{1936} & & \sqrt{2025} \\ \parallel & & \parallel \\ 44 & & 45 \end{matrix}$
 $\therefore [\sqrt{2018}] = \underline{\underline{44}}$

Point

 $\sqrt{2000} = 20\sqrt{5}$
 $\approx 40...$
 から 44 や 45 の
 目安を見つかる。

(3) $\frac{44}{\sqrt{m}}$ が自然数 ... \sqrt{m} が 44 の約数 である必要がある。

44 を素因数分解すると、 $44 = 2^2 \times 11$

\therefore 約数の個数 = $(2+1) \times (1+1) = 6$ 6個

Point

 約数の個数 = (指数 + 1) の積
 $x^a \times y^b \times z^c$ の場合 $(a+1)(b+1)(c+1)$ 個